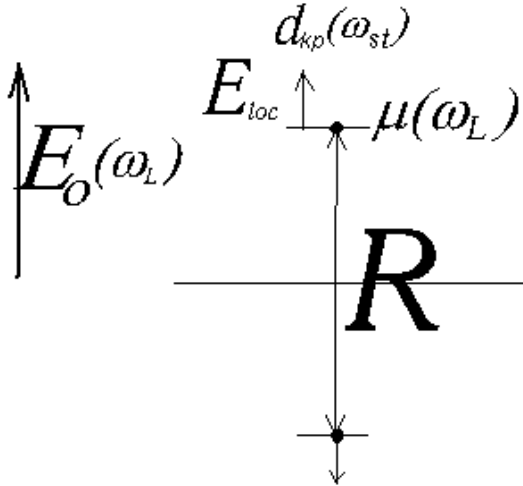


## Лекция 7

### Некоторые модели и механизмы поверхностного усиления

**Модель усиления ГКР диполем изображения.**



$$d_{kp}^{\omega_{st}} = \alpha_{kp} E_{loc}(\omega_L)$$

$$E_{loc} = E_o(\omega_L) + E_{im}(\omega_L)$$

$$E_{im} = \gamma \frac{\mu(\omega_L)}{R^3}$$

$$\mu(\omega_L) = \alpha E_{loc} = \alpha_{eff} E_o = \alpha (E_o + E_{im}) = \alpha \left( E_o + \gamma \frac{\mu(\omega_L)}{R^3} \right) =$$

$$= \alpha \left( E_o + \frac{\gamma \alpha_{eff} E_o}{R^3} \right) = \alpha \left( 1 + \frac{\gamma \alpha_{eff}}{R^3} \right) E_o$$

$$\alpha_{eff} = \alpha \left( 1 + \frac{\gamma \alpha_{eff}}{R^3} \right)$$

$$\Rightarrow \alpha_{eff} = \frac{\alpha}{\left( 1 - \frac{\gamma \alpha}{R^3} \right)}$$

При  $R \rightarrow (\gamma \alpha)^{-1/3}$  коэффициент  $\alpha_{eff} \rightarrow \infty$ ,  $g_{ГКР} = \left( 1 - \frac{\gamma \alpha}{R^3} \right)^{-4}$

### **Усиление $\gamma^{(2)}$ адсорбированной молекулой**

Уравнение для дипольного момента  $\vec{\mu}(t)$  адсорбированной молекулы в локальном

поле :

$$\ddot{\vec{\mu}}(t) + 2\Gamma \dot{\vec{\mu}}(t) + \omega_o^2 \vec{\mu}(t) = \frac{e^2}{m} [\vec{f} E_{loc}(\vec{R}, t)]$$

$\Gamma$ -затухание,  $\omega_o$ -резонанс молекулы,  $\vec{f}$ -сила осциллятора этого резонанса

$\vec{E}_{loc} = \vec{E}_p(\vec{R}, t) + \vec{E}_s(\vec{R}, t)$ , где  $\vec{E}_p(\vec{R}, t)$ -поле от поверхности,  $\vec{E}_s(\vec{R}, t)$ -от диполя изображения.

$$\vec{E}_s(\vec{R}, t) = \int d\vec{R}' dt' G(\vec{R}, \vec{R}', t - t') \vec{J}(\vec{R}', t') \quad , \text{где } \vec{J}(\vec{R}', t') = \frac{d\vec{\mu}(\vec{R}', t')}{dt}$$

$G(\vec{R}, \vec{R}', t - t')$ -функция Грина поля в точке  $\vec{R}$ , создаваемого элементом в точке  $\vec{R}'$

Центр масс молекулы в точке  $\vec{R}_o$ . Координата  $\vec{R}$  индуцированного диполя  $\mu(t)$  осциллирует относительно центра масс. Тогда разлагая ток в ряд Тейлора:

$$\vec{J}(\vec{R}, t) = \left. \frac{\partial \vec{\mu}}{\partial t} \right|_{\vec{R}_o} + \left. \frac{\partial \mu}{\partial R} \right|_{\vec{R}_o} \frac{d\vec{R}}{dt} \quad \text{причем} \quad \frac{d\vec{R}}{dt} = i\omega \frac{\vec{\mu}(t)}{2e}$$

Поскольку  $\mu(t) \approx \mu_1 e^{i\omega t}$  (главный член), то второй член в разложении  $\vec{J}(\vec{R}, t)$  дает ток на частоте ВГ. Тогда индуцированный дипольный момент можно представить в виде:

$$\left( \frac{d\sigma}{dQ} \right)_{ГКР} \Big/ \left( \frac{d\sigma}{dQ} \right)_{КР} \equiv G = |L(\omega_L)|^2 |L(\omega_s)|^2 \quad \mu(t) = \mu_1 e^{i\omega t} + \mu_2 e^{i2\omega t} \quad \text{и подставить в}$$

уравнение движения .

Учитывая ,что  $\mu_1 = \gamma^{(1)} E_p$  и  $\mu_2 = \gamma^{(2)} E_p^2$  из решения получим соотношения между  $\gamma^{(2)}$  и  $\gamma^{(1)}$ :

$$\gamma_{eff}^2 = \frac{6k}{c} \frac{\rho(2\omega)}{\xi(2\omega)(2R_o)^4 D(2\omega)} \left[ \gamma^{(1)}(\omega) \right]^2 \quad , \text{где } k = \frac{e^2 f}{m} \quad , \quad \rho(2\omega) = \frac{\xi_\mu(2\omega) - \xi(2\omega)}{\xi_\mu(2\omega) + \xi(2\omega)}$$

$\xi_\mu$ -диэлектрическая проницаемость металла,  $\xi$ -диэлектрическая проницаемость среды.

$$D(2\omega) = \omega_o^2 - (2\omega)^2 + 2i(2\omega)\Gamma(2\omega).$$

Молекула пиридина

Для  $\lambda = 1060 \text{ нм}$ ,  $\rho(2\omega) = 1.45$ ,  $\xi(2\omega) = 1.77$ ,  $\gamma^{(1)} = 7.5 \overset{\circ}{\text{А}}$ ,  $f = 1.2$ ,  $R_o = 1.7 \overset{\circ}{\text{А}}$

Тогда  $\gamma_{eff}^{(2)} = 4.2 \cdot 10^{-30}$  СГСЭ.